

1.1.2 两角和与差的正弦公式（第 1 课时）

【学情分析】

学生在初中初步认识了三角函数，前面的课程又进一步学习了三角函数的相关知识，因此可以对学生的知识体系进行顺应性的建构，由两角和与差的余弦公式和诱导公式推导出两角和与差的正弦公式。从学科核心素养来看，学生具备一定的直观想象、逻辑推理和数学抽象素养。由于三角函数是学生的薄弱环节，因此教学时需注意低起点、慢慢来、多示范、多练习，逐步提升学生逻辑推理的能力。

【教学目标】

- （1）通过对两角和与差的正弦公式的推导，揭示两角和、差的三角函数与这两角的三角函数之间的运算规律。
- （2）通过公式的推导、证明，培养学生的运算能力和逻辑思维能力。
- （3）培养学生的探索精神，提高学生发现问题和解决问题的能力。

【教学重点和难点】

本节课的教学重点是两角和与差的正弦和辅助角公式及其推导，教学难点是灵活应用所学公式进行求值。

【教学过程】

教学环节	教学内容	设计意图
复习	1. 复习上节课所学的两角和与差的余弦公式： $\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cos\beta - \sin\alpha \sin\beta \text{ (C}_{\alpha+\beta}\text{)}$$\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha \cos\beta + \sin\alpha \sin\beta \text{ (C}_{\alpha-\beta}\text{)}$ 2. 复习互为余角的三角函数诱导公式。	回忆两角和与差的余弦公式，启发学生思考正、余弦三角函数之间存在的关系。

新课	【公式推导】 因为$\cos(\frac{\pi}{2}-\alpha)=\sin\alpha$, $\sin(\frac{\pi}{2}-\alpha)=\cos\alpha$, 所以 $\begin{aligned}\sin(\alpha+\beta) &= \cos[\frac{\pi}{2}-(\alpha+\beta)] = \cos[(\frac{\pi}{2}-\alpha)-\beta] \\ &= \cos(\frac{\pi}{2}-\alpha)\cos\beta + \sin(\frac{\pi}{2}-\alpha)\sin\beta \\ &= \sin\alpha\cos\beta + \cos\alpha\sin\beta.\end{aligned}$ 在上式中, 以$-\beta$代替β, 得 $\begin{aligned}\sin(\alpha-\beta) &= \sin[\alpha+(-\beta)] \\ &= \sin\alpha\cos(-\beta) + \cos\alpha\sin(-\beta) \\ &= \sin\alpha\cos\beta - \cos\alpha\sin\beta.\end{aligned}$ 于是, 对于任意角α, β, 我们可以得到如下公式: $\begin{aligned}\sin(\alpha+\beta) &= \sin\alpha\cos\beta + \cos\alpha\sin\beta & (S_{\alpha+\beta}) \\ \sin(\alpha-\beta) &= \sin\alpha\cos\beta - \cos\alpha\sin\beta & (S_{\alpha-\beta})\end{aligned}$ 【公式巩固】 例1 求$\sin 75^\circ$, $\sin 15^\circ$的精确值. 解: $\sin 75^\circ = \sin(45^\circ + 30^\circ)$ $\begin{aligned}&= \sin 45^\circ \cos 30^\circ + \cos 45^\circ \sin 30^\circ \\ &= \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{1}{2} \\ &= \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4};\end{aligned}$ $\sin 15^\circ = \sin(45^\circ - 30^\circ)$ $\begin{aligned}&= \sin 45^\circ \cos 30^\circ - \cos 45^\circ \sin 30^\circ \\ &= \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{1}{2} \\ &= \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}.\end{aligned}$	通过诱导公式中互为余角的正、余弦函数之间的关系, 推导出两角和与差的正弦公式, 让学生感受函数之间的密切联系. 从推导公式到求值, 培养学生灵活应用公式的能力. 结合之前所学的知识, 提升学生逻辑思维能力.
-----------	---	---

	由于 $\cos 15^\circ = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$, $\sin 15^\circ = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$, 故可以求出 $\tan 15^\circ$ 的值, 进而解决本章导语中的问题. 同学们, 请大家尝试解决这个问题! 练习 1 求下列各式的精确值: (1) $\sin 105^\circ$; (2) $\sin 165^\circ$; (3) $\sin\left(-\frac{5\pi}{12}\right)$; (4) $\sin 13^\circ \cos 17^\circ + \cos 13^\circ \sin 17^\circ$; (5) $\sin 70^\circ \cos 25^\circ - \sin 25^\circ \cos 70^\circ$.	
小结	引导学生小结. (1) 本节课我们学习了两角和与差的正弦公式, 熟记公式. (2) 在解题过程中要善于发现规律, 学会灵活应用.	回顾学习的过程, 总结本节课的收获.