1.1.1 两角和与差的余弦公式(第2课时)

【学情分析】

学生在前面的课程中,学习了三角函数,知道了特殊角的三角函数值、三角函数基本关系式、诱导公式、两角和的余弦公式,为本节课的学习打下一定的基础. 从学科核心素养来看,学生具备一定的逻辑推理、数学抽象素养,具备一定的推理能力和运算能力. 学生在三角函数的推理和运算方面能力比较薄弱,教学时需注意低起点、慢慢来、多示范、多练习,逐步提高学生的推理和运算能力.

【教学目标】

- (1) 会推导两角差的余弦公式,初步理解公式的结构并能简单应用.
- (2)通过公式的推导及应用,培养学生类比推理的能力,理解化归思想在三角变换中的应用.能用两角差的余弦公式进行简单的三角函数式的化简、求值.通过公式的推导,在培养学生三大能力的基础上,着重培养学生获得数学知识的能力和数学交流的能力.
- (3)通过观察、对比,引导学生体会公式的对称美,体验成功的喜悦.通过教师的启发引导,培养学生不怕困难、勇于探索、勇于创新的求知精神.

【教学重点和难点】

本节课的教学重点和难点是两角差的余弦公式的推导及应用.

【教学过程】

教学环节	教学内容	设计意图
复习	两角和的余弦公式: $\cos (\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta. (C_{\alpha + \beta})$	复习旧知.

【问题】

思考:如何得到两角差的余弦公式?

$$\cos (\alpha - \beta) = ?$$

因为 α - β = α + $(-\beta)$,

所以
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos[\alpha + (-\beta)]$$

$$=\cos \alpha \cos (-\beta) - \sin \alpha \sin (-\beta)$$

 $=\cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$.

若把锐角 α , β 推广到任意角,此公式仍然成立.

于是,对于任意角 α , β ,我们可以得到如下公式:

$$\cos (\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta.$$
 (C_{\alpha - \beta})

例1 求 cos 15°的精确值.

$$\mathbf{M}$$
 $\cos 15^{\circ} = \cos(60^{\circ} - 45^{\circ})$

=cos 60°cos 45°+sin 60°sin 45°

$$= \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$=\frac{\sqrt{2}+\sqrt{6}}{4}$$
.

练习1 求下列各式的精确值:

- $(1) \cos (-15^{\circ});$
- (2) $\cos 80^{\circ} \cos 20^{\circ} + \sin 80^{\circ} \sin 20^{\circ}$;

例 2 已知 $\cos \alpha = -\frac{4}{5}$,且 $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$,求 $\cos(\frac{\pi}{6} - \alpha)$ 的值.

解 因为 $\cos \alpha = \frac{4}{5}$,且 $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$,所以

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \left(-\frac{4}{5}\right)^2} = \frac{3}{5},$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{6} - \alpha\right) = \cos\frac{\pi}{6}\cos\alpha + \sin\frac{\pi}{6}\sin\alpha$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{2} \times \left(-\frac{4}{5}\right) + \frac{1}{2} \times \frac{3}{5}$$

$$=\frac{3-4\sqrt{3}}{10}$$
.

练习 2 已知 $\sin \alpha = \frac{2}{3}$, $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 求 $\cos(\frac{\pi}{3}\alpha)$ 的值.

练习3 利用公式 $C_{\alpha+\beta}$, $C_{\alpha-\beta}$ 证明:

启发学生思 考,如何根据 两角和的余弦 公式推导出两 角差的余弦公 式.

借助两角和的余公式进行推导,这么这种基果,以知事,以知事,以知事,是的推导,是要不是,是是一个。

通过例题让学生熟悉公式.

巩固练习.

结合三角纸 基本 关 式 、 帮 导 生 有 至 关 式 、 帮 导 生 有 主 实 之 初 主 要 在 实 会 的 定 年 解 决 相 关 数 的 能 力 .

巩固练习.

新课

	(1) $\cos(-\alpha + \frac{\pi}{2}) = \sin \alpha$; (2) $\cos(-\alpha + \pi) = -\cos \alpha$. 练习 4 已知 $\sin \alpha = \frac{15}{17}$, $\cos \beta = -\frac{5}{13}$, $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, $\beta \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 求 $\cos(\alpha + \beta)$, $\cos(\alpha - \beta)$ 的值.	
小结	引导学生小结. 两角差的余弦公式: $\cos (\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta. \qquad (C_{\alpha - \beta})$	回顾学习的 过程,总结本 节课的收获.
作业	教材第 10 页, 习题第 2 (3) (4) 题.	巩固知识.